



سینتیک خشک کردن مادون قرمز برش‌های میوه به و مدل‌سازی آن با روش الگوریتم ژنتیک- شبکه‌های عصبی مصنوعی

علیرضا یوسفی^{۱*}، سونیا دیلمقانیان^۲، امین ضیافروغی^۳، میثم معزی^۴

- ۱- استادیار، گروه مهندسی شیمی، دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه بناب
- ۲- دانشجوی کارشناسی ارشد، مهندسی علوم و صنایع غذایی، دانشگاه آزاد اسلامی واحد مراغه
- ۳- دانشجوی دکتری، مهندسی مکانیک، دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه فردوسی مشهد
- ۴- استادیار، گروه مهندسی نساجی، دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه بناب

(تاریخ دریافت: ۹۷/۲/۴، تاریخ آخرین بازنگری: ۹۷/۴/۹، تاریخ پذیرش: ۹۷/۶/۴)

چکیده

در این تحقیق جهت خشک کردن برش‌های میوه به از روش پرتودهی مادون قرمز استفاده شد. برای این منظور اثر دمای خشک کردن 50°C ، 60°C و 80°C که ناشی از توان‌های بهترتب 51 ، 73 و $W\ 125$ لامپ مادون قرمز بود مورد مطالعه قرار گرفت. نتایج به دست آمده نشان دادند که با افزایش دما سرعت خشک کردن افزایش می‌باید. با افزایش دما از 50°C به 80°C زمان خشک کردن حدود 60% کاهش یافت. با اعمال توان‌های مختلف برای لامپ مادون قرمز از 51 تا 125 W ، مقدار رطوبت از 453 g/g به 16 g/g کاهش داده شد. مدل‌سازی فرایند خشک کردن به روش الگوریتم ژنتیک-شبکه‌های عصبی مصنوعی با 3 ورودی شامل زمان خشک کردن، دمای خشک کردن و دمای مرکز برش و یک خروجی شامل میزان نسبت رطوبتی انجام شد. نتایج مدل‌سازی نشان داد شبکه‌ای با تعداد 7 نرون در یک لایه پنهان و با استفاده ازتابع انتقال تائزانت هایپربولیک می‌تواند میزان رطوبت در طی فرایند خشک کردن را با دقت بالایی پیشگویی کند ($R^2 = 0.9997$ و $\text{RMSE} = 0.0044\text{ g/g}$). بر اساس نتایج، دقت تخمین به دست آمده برای شبکه بهینه بالاتر از بهترین مدل تجربی (مدل میدیلی) در تمام ماهای مورد آزمایش بود ($R^2 = 0.9987-0.9994$ و $\text{RMSE} = 0.0068-0.0098\text{ g/g}$). نتایج آنالیز حساسیت توسط شبکه عصبی بهینه نشان داد که به دلیل حساسیت بالاتر (0.0044)، دمای مرکز برش‌های میوه به موثرترین عامل در کنترل میزان نسبت رطوبتی می‌باشد. افزایش دما از 50°C به 80°C سبب افزایش ضریب انتشار موثر (D_{eff}) از $10^{-9}\text{ m}^2/\text{s}$ به $10^{-8}\text{ m}^2/\text{s}$ گردید. مقدار انرژی فعال‌سازی برای برش‌های میوه به، $28/68\text{ kJ/mol}$ تعیین شد.

واژه‌های کلیدی: الگوریتم ژنتیک- شبکه عصبی، مدل‌سازی، مادون قرمز، ضریب انتشار، انرژی فعال‌سازی.

۱. مقدمه

[۶] بررسی شد. نتایج نشان داد زمان فرایند و مصرف انرژی روش ترکیبی در مقایسه با هوای داغ، به ترتیب ۴۸ و ۶۳٪ کاهش یافت. همچنین کیفیت محصول از نظر رنگ و سخت شدن پوسته در روش ترکیبی بالاتر از روش استفاده از مادون قرمز به تنها بی بود. در سال‌های اخیر تحقیقات متعددی بر روی خشک کردن میوه‌ها و سبزی‌ها به روش تابش مادون قرمز انجام شده است که از این میان می‌توان به خشک کردن ترکیبی با هوای داغ آناناس [۷]، دانه سویا [۸]، عناب [۹] و میوه به [۱۰] اشاره کرد.

یکی از مهم‌ترین مراحل طراحی و بهینه‌سازی انواع خشک کن‌ها پیش‌بینی و مدل‌سازی فرایند خشک کردن می‌باشد. در این میان پیش‌بینی تغییرات محتواهای رطوبتی محصول در طی فرایند خشک کردن از اهمیت خاصی برخوردار است. توسعه روش‌های متداول بر پایه اصول اولیه برای پیش‌بینی فرایندی زمان بر بوده و دقت نتایج به دست آمده از آن‌ها رضایت بخش نیست. شبکه‌های عصبی مصنوعی قدرت تامین دقت و سرعت لازم را برای پیش‌بینی فرایند خشک کردن دارا می‌باشند [۱۱]. باید توجه داشت که توانایی پیش‌گویی یک شبکه عصبی به ساختار آن شامل نوع تابع فعال‌سازی، تعداد لایه‌ها و تعداد نرون‌های لایه پنهان وابستگی زیادی دارد. به طور معمول تعیین تعداد نرون‌هایی که در لایه پنهان قرار می‌گیرند به وسیله روش آزمون و خطا انجام می‌گیرد، که این عمل وقت‌گیر بوده و دارای خطای می‌باشد. برای جلوگیری از این مسئله از روش‌های بهینه‌سازی ساختار شبکه عصبی مانند الگوریتم ژنتیک جهت یافتن تعداد بهینه نرون‌ها در لایه پنهان استفاده می‌شود [۱۲]. الگوریتم ژنتیک نوع خاصی از الگوریتم‌های تکامل است که از تکنیک‌های زیست شناسی فرگشتی مانند وراثت و جهش استفاده می‌کند. مفاهیم اصلی الگوریتم ژنتیک شامل عملگرهای سه گانه انتخاب، آمیزش و جهش است که از آن در ترکیب با شبکه‌های عصبی مصنوعی استفاده می‌شود. در واقع الگوریتم ژنتیک اغلب گزینه خوبی برای تکنیک‌های پیش‌بینی بر مبنای تصادف هستند [۱۳].

صالحی و همکاران [۱۴] از روش الگوریتم ژنتیک-شبکه‌های عصبی مصنوعی جهت مدل‌سازی سینتیک خشک کردن برش‌های توت فرنگی استفاده کردند. نتایج آن‌ها نشان داد که شبکه‌ای با ۹ نرون در لایه مخفی و با استفاده از تابع انتقال تائزهای اپریبولیک با دقت بالایی ($R^2 = 0.999$) می‌تواند میزان

درخت به درختی است از تیره گل سرخیان و دسته سیب‌هایکه میوه آن سرشار از ویتامین‌های A و B، املح و تانن‌ها است [۱]. میوه به، به صورت خام و یا فراوری شده استفاده می‌شود. از جمله محصولات تولیدی از میوه به می‌توان به فراوردهایی مانند مربا و مارمالاد اشاره کرد. همچنین میوه به به دلیل فعالیت متابولیکی بالا و حساسیت به فساد قارچی ماندگاری کوتاهی دارد.

خشک کردن با کاهش فعالیت آبی محصولات غذایی خطر آلدگی در آنان را کاهش، ماندگاری را طولانی تر و همچنین هزینه نگهداری و حمل و نقل را کاهش می‌دهد [۲]. لذا بررسی و یافتن یک روش مناسب برای خشک کردن میوه به که باعث تولید محصولی با کیفیت بالا شود ضروری به نظر می‌رسد. امروزه پرتودهی با مادون قرمز به عنوان منبع انرژی حرارتی به صورت پیوسته یا متناوب، برای بهبود کیفیت و صرفه‌جویی در مصرف انرژی استفاده می‌شود. پرتوهای مادون قرمز قسمتی از طیف الکترومغناطیسی است که به سه بخش مادون قرمز نزدیک با ۱/۴-۳ μm دامنه $75-1/4$ μm ، مادون قرمز متوسط با دامنه $1/4-3$ μm و مادون قرمز دور با دامنه $1-1000$ μm تقسیم بندی می‌گردد. پرتودهی با مادون قرمز نسبت به روش‌های حرارت دهنده معمول دارای مزایای زیادی است و کیفیت محصول خشک شده در این روش بالاتر است. همچنین در این روش حرارت دهنی زمان فرایند کوتاه‌تر و میزان مصرف انرژی کمتر می‌باشد [۳]. خشک کردن با مادون قرمز مانند سایر روش‌های خشک کردن به دلیل اختلاف فشار بین داخل و خارج محصول صورت می‌گیرد که نیروی حرکه انتقال رطوبت است. در خشک کن‌های تابش مادون قرمز، گرما در درون ماده تولید می‌شود و در نقاطی که رطوبت پیش‌تری دارند مرتمکز می‌شود و با افزایش فشار بخار، موجب انتشار رطوبت از آن نقاط به سمت لایه‌های خارجی می‌شود؛ بنابراین، به نظر می‌رسد در این روش خشک کردن، مشکلات مربوط به سخت شدن پوسته و ممانعت از خروج پیش‌تر رطوبت کاهش یابد [۴]. یوسفی و همکاران [۵] به بررسی فرایند خشک شدن برش‌های لیموترش به وسیله اشعه مادون قرمز پرداختند. آن‌ها دریافتند که با افزایش توان لامپ مادون قرمز و افزایش دما از 100 به 175 °C، زمان خشک کردن حدود ۶۵٪ کاهش می‌یابد. ترکیب مختلف خشک کردن جابه‌جایی و مادون قرمز برای خشک کردن قطعات هویج و سبز زمینی، توسط هبار و همکاران

Celme، مدل GE300 ساخت ایتالیا، میوه‌های به، به صورت برش‌هایی با ضخامت ۵ mm درآمده و سپس این قطعات به وسیله یک برش دهنده دایره‌ای به صورت دیسک‌هایی با قطر ۲۴ mm بریده شدند. رطوبت اولیه نمونه‌های به در یک آون با دمای 10°C برای مدت ۴۸ h تعیین شد [۵].

۲.۲ دستگاه خشک کن مادون قرمز

یک دستگاه خشک کن مادون قرمز با قابلیت کنترل قدرت تشعشع طراحی گردید که تصویر آن در شکل (۱) نشان داده شده است.

در این سیستم تیوب حرارت دهی از نوع هالوژنی دایره‌ای ۲۵۰ W (ساخت چین) با قابلیت کنترل ولتاژ بود. قدرت لامپ هالوژن با قدرت سنج *UT230A*, *UNI-T*, *Dongguan* چین، و با حساسیت $W/1\pm 0.1$ اندازه‌گیری گردید. یک سینی عایق در فاصله ۱۳۷ mm ساعت‌کننده قرار گرفت تا از انتقال حرارت به صورت هدایت جلوگیری کند و در نتیجه تنها تشعشع مادون قرمز و جریان همرفت هوا عامل‌های خشک‌کننده بودند. نمونه‌های به بر روی سینی عایق قرار داده شده و از یک طرف در معرض تشعشع قرار گرفتند. دمای مرکز نمونه‌ها به وسیله ترمومکوبل نوع *PHYSITEMP TMT-29/1*, ساخت امریکا، اندازه‌گیری شد. در حین خشک شدن وزن نمونه‌ها به وسیله کامپیوتر هر 10 s با دقیقیت 0.01 g ثبت گردید.

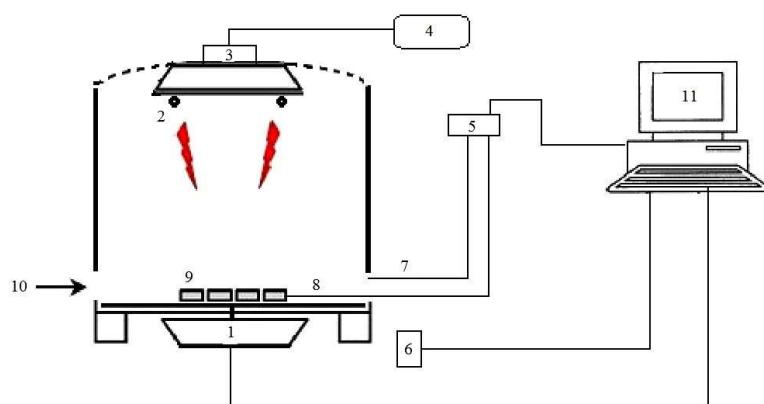
روطوبت برش‌های توت فرنگی را حین فرایند خشک کردن با اشعه مادون قرمز پیش‌بینی کند. یوسفی [۱۳] از روش الگوریتم ژنتیک-شبکه‌های عصبی مصنوعی برای پیش‌بینی محتوای رطوبتی برش‌های پاپایا حین خشک کردن با هوای داغ استفاده نمود. نتایج به دست آمده نشان داد که دقیق این روش در پیش‌بینی میزان رطوبت این محصول بسیار بالا بوده است ($\text{RMSE} = 0.9936$ و $R^2 = 0.9220$).

تاکنون تحقیق خاصی در زمینه خشک کردن مادون قرمز میوه به گزارش نشده و همچنین پژوهش‌های اندکی در مورد استفاده از مدل سازی الگوریتم ژنتیک-شبکه‌های عصبی مصنوعی جهت مدل سازی فرایندهای خشک کردن مواد غذایی گزارش شده است. لذا، هدف این پژوهش بررسی سینتیک خشک کردن برش‌های به تحت اثر دماهای مختلف 40°C , 60°C , 80°C و 100°C و مدل سازی آن به وسیله روش الگوریتم ژنتیک-شبکه‌های عصبی مصنوعی (GA-ANNs) بود که کارایی این روش با برخی مدل‌های تجربی خشک کردن لایه نازک مقایسه گردید.

۳. مواد و روش‌ها

۳.۱. آماده سازی نمونه‌ها

میوه به تازه واریته اصفهان با قطر متوسط ۶ cm از بازار محلی شهر مشهد خریداری و در دمای 4°C نگهداری شد. یک ساعت قبل از انجام آزمایش نمونه‌ها از یخچال خارج و در دمای اتاق (22°C) نگه داشته شدند. با استفاده از یک برش دهنده برقی



شکل (۱) دستگاه خشک کن مادون قرمز طراحی شده: ۱- ترازو دیجیتال، ۲- محفظه حرارت دادن مادون قرمز، ۳- تار کننده، ۴- واحد ثابت کننده ولتاژ، ۵- ثبت کننده داده‌ها، ۶- نم سنج، ۷- ترمومکوبل نوع کا (K)، ۸- ترمومکوبل نوع کا (K)، ۹- نمونه به، ۱۰- ورودی هوا، ۱۱- کامپیوتر

Fig. 1. Infrared dryer setup schematic: 1 – digital balance, 2 – infrared heating tube, 3 – dimmer, 4 – fixed voltage power unit, 5 – data-logger, 6 – hygrometer, 7 – k-type thermocouple, 8 – t-type thermocouple, 9 – quince samples, 10 – inlet cold air, 11 – PC

نشان داده شده‌اند جهت مدل‌سازی داده‌های به‌دست آمده (تغییرات MR در برابر زمان خشک‌کردن) استفاده شد. نتایج این روش مدل‌سازی با نتایج به‌دست آمده از مدل‌سازی GA-ANNs مقایسه گردید.

جدول (۱) مدل‌های تجربی مورد استفاده جهت مدل‌سازی ریاضی سینتیک خشکشدن برش‌های به.

Table 1 Empirical models used for mathematical modeling of drying kinetics of quince slices.

تابع Function	نام مدل Model name
Page	$\exp(-kt^n)$
Modified Page	$\exp(-kt)^n$
Henderson and Pabis	$a\exp(-kt)$
Logarithmic	$a\exp(-kt)+c$
Midilli et al.	$a\exp(-kt^n)+bt$

خشک کن مادون قرمز ذکر شده یک ساعت قبل از هر آزمایش روشن شد تا به حد پایدار برسد. خشک‌کردن در چهار دمای ۵۰، ۶۰، ۷۰ و ۸۰ °C انجام شد. تنظیم این دماها با انتخاب قدرت تشعشع مناسب صورت گرفت. توان‌های ایجاد کننده این دماها به ترتیب ۵۱، ۷۳، ۹۸ و W ۱۲۵ بود. تشعشع دهی به صورت مرتب و تا رسیدن به میزان رطوبت ۱۶٪ d.b. از میزان رطوبت اولیه ۴۵٪ d.b. صورت گرفت. کلیه آزمایشات در سه تکرار انجام و متوسط نسبت رطوبتی و دما گزارش گردید.

بر اساس معادله موازنۀ جرم میزان تغییرات وزن نمونه‌ها به میزان رطوبت تبدیل شد و در نهایت با استفاده از معادله (۱) رطوبت‌های به‌دست آمده در هر زمان به نسبت رطوبتی تبدیل گردید:

$$MR = \frac{M - M_e}{M_0 - M_e} \quad (1)$$

۳.۳.۲ مدل‌سازی الگوریتم ژنتیک-شبکه‌های عصبی
مدل‌سازی فرایند خشک‌کردن به، به روش مادون قرمز جهت پیشگویی میزان کاهش وزن به روش الگوریتم ژنتیک-شبکه‌های عصبی مصنوعی توسط شبکه‌های عصبی سه لایه پرسپترون پیشخور انجام پذیرفت. خروجی نرون‌های لایه پنهان و خروجی (y) از طریق افزایش بایاس (bias) به مجموع ورودی‌های وزن دار شده با استفاده از معادله (۲) محاسبه شد:

$$y_i = \sum_{j=1}^p [f(W)]_{ij} X_j + b_j \quad (2)$$

که در این معادله W_{ij} ضریب وزنی نرون شماره i که به نرون شماره j متصل است می‌باشد. همچنین p تعداد ورودی‌های هر نرون و b_j بردار بایاس نرون j است.

در این مطالعه سه ورودی دمای خشک‌کردن، زمان خشک‌کردن و دمای مرکز برش‌های به و یک خروجی میزان نسبت رطوبتی (MR) در نظر گرفته شد (شکل ۲).

تعداد نرون‌های به کاربرده شده در لایه پنهان وابستگی کامل به نوع کاربرد و شرایط تعیین پارامترهای شبکه دارد. جهت دستیابی به ترکیب مناسب تعداد نرون‌ها در لایه پنهان به گونه‌ای که حداقل خطای را داشته باشد، فرایند بهینه‌سازی تعداد نرون‌ها در لایه پنهان شبکه عصبی به روش الگوریتم ژنتیک انجام شد. برای این منظور هم جمعیت اولیه برای تولید نسل‌ها و هم حداکثر

keh M میزان رطوبت در هر لحظه از زمان خشک‌کردن، M_0 میزان رطوبت اولیه و M_e میزان رطوبت تعادلی است. لازم به ذکر است که به دلیل کوچک بودن رطوبت تعادلی می‌توان از آن صرفه نظر کرد و معادله را به صورت M/M_0 نوشت [۱۵].

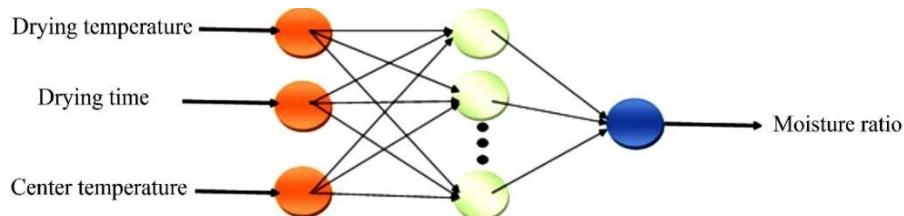
۳.۲ مدل‌سازی

۳.۲.۱ مدل‌سازی با GA-ANNs

برای انجام این روش مدل‌سازی، ابتدا داده‌ها به صورت تصادفی چیده و سپس به سه دسته داده‌های آموزش، داده‌های اعتبار سنجی و داده‌های تست تقسیم شدند که سهم هر قسمت به ترتیب ۳۰٪ و ۶۰٪ بود. تعداد نرون‌های لایه پنهان از ۲۰-۳۰ تغییر داده شد و مقدار بهینه تعداد نرون در لایه پنهان توسط الگوریتم ژنتیک تعیین گردید. از توابع انتقال خطی، سیگموئیدی و تانژانت هایپربولیک در لایه پنهان و خروجی استفاده شد. هر جفت ورودی- خروجی شامل سه ورودی (زمان خشک‌کردن، دمای خشک‌کردن و دمای مرکز برش‌های به) و یک خروجی (میزان نسبت رطوبتی یا MR) بود. در پایان نتایج سیستم طراحی شده با استفاده از نرم افزار NeuroSolution 5 به‌دست آمد [۱۳].

۳.۲.۲ مدل‌سازی ریاضی

در این پژوهش علاوه‌بر مدل‌سازی با استفاده از الگوریتم ژنتیک- شبکه‌های عصبی، از پنج مدل تجربی که در جدول (۱)



شکل (۲) ساختار شبکه عصبی استفاده شده در فرایند مدل‌سازی

Fig. 2. ANNs structure applied for modeling process

از زمان، $MR_{pre,i}$ نسبت رطوبتی پیش‌بینی شده در هر لحظه از زمان، \bar{MR}_{exp} میانگین نسبت رطوبتی آزمایشگاهی، \bar{MR}_{pre} میانگین نسبت رطوبتی پیش‌بینی شده و N تعداد مشاهدات می‌باشد.

تعداد نسل‌ها ۱۰۰ در نظر گرفته شد. همچنین احتمال آمیزش و جهش نیز مطابق با توصیه نرم افزار ۵ NeuroSolution به ترتیب $0.01/0.01$ و تعداد نرون‌ها جهت بهینه سازی ۱ تا ۲۰ عدد در نظر گرفته شد. از توابع فعال سازی خطی، سیگموئیدی (معادله ۳) و تانژانت هایپربولیک (معادله ۴) در لایه مخفی و خروجی استفاده گردید و همچنین از الگوریتم لونبرگ-مارکووارت جهت آموزش شبکه استفاده شد.

۴.۲. تعیین ضریب انتشار مؤثر

به دلیل نرخ نزولی در خشک کردن، یک مقاومت درونی مقابل انتقال جرم (رطوبت) مشاهده می‌شود. معادله انتشار فیک فرایند خشک کردن در نرخ نزولی را آنالیز می‌کند. کرنک [۱۶] این معادله را حل نموده و معادله (۷) را برای یک شکل تیغه‌ای با انتشار رطوبت درونی یکنواخت، ضریب انتشار ثابت و چروکیدگی ناچیز پیشنهاد داد:

$$MR = \frac{8}{\pi^2} \exp \left(-\frac{\pi^2 D_{eff}}{4L^2} \right) \quad (7)$$

که در این معادله D_{eff} ضریب انتشار مؤثر (m^2/s)، t زمان خشک کردن و L نصف ضخامت (m) نمونه‌های تیغه‌ای شکل می‌باشد. همان‌طور که قابل مشاهده است مقدار D_{eff} از شیب این معادله و نمودار لگاریتمی تغییرات نسبت رطوبتی بر حسب زمان خشک کردن قابل محاسبه است.

۴.۵. محاسبه انرژی فعال سازی

بر اساس رابطه آرینیوس، وابستگی میزان D_{eff} به دما قابل بیان است [۱۷]. این موضوع در رابطه (۸) قابل مشاهده است:

$$D_{eff} = D_0 \exp \left(-\frac{E_a}{R(T+273.15)} \right) \quad (8)$$

که در این معادله D_0 ثابت آرینیوس (m^2/s), E_a انرژی فعال سازی (kJ/mol), T دمای خشک کردن بر حسب $^{\circ}C$ و R ثابت جهانی گازها ($kJ/(mol.K)$) می‌باشد. مقدار E_a از روی شیب نمودار $\ln(D_{eff})$ در برابر $(T+273.15)/1$ قابل محاسبه است.

$$\text{Sig} = \frac{1}{1+e^{-x}} \quad (3)$$

$$\tanh = \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}} \quad (4)$$

جهت مدل سازی الگوریتم ژنتیک-شبکه عصبی نرم افزار NeuroSolution نسخه ۵ استفاده گردید. در این نرم افزار با تغییر نوع تابع فعال سازی، تعداد داده‌های استفاده شده جهت یادگیری، آزمون و ارزیابی و قاعده یادگیری لونبرگ-مارکووارت بهترین ساختار شبکه جهت دست یابی به شبکه یا همان سیستم مدل سازی بهینه بررسی شد.

۴.۳.۲. تعیین کارایی مدل سازی

با استفاده از معادلات ضریب تبیین (R^2) و جذر میانگین مربعات خطأ (RMSE) کارایی هر دو روش مدل سازی تعیین و با هم مقایسه شد. لازم به ذکر است که R^2 (معادله ۵) بالاتر و RMSE (معادله ۶) پائین‌تر کارایی بالاتر مدل را نشان می‌دهد.

$$R^2 = \frac{\sum_{i=1}^N (MR_{exp,i} - \bar{MR}_{exp})^2 (MR_{pre,i} - \bar{MR}_{pre})^2}{\sum_{i=1}^N (MR_{exp,i} - \bar{MR}_{exp})^2 \sum_{i=1}^N (MR_{pre,i} - \bar{MR}_{pre})^2} \quad (5)$$

$$RMSE = \left[\frac{1}{N} \sum_{i=0}^N (MR_{exp,i} - MR_{pre,i})^2 \right]^{1/2} \quad (6)$$

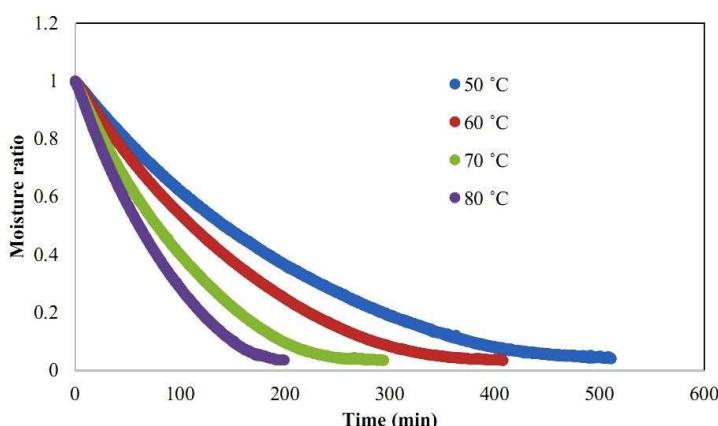
در این معادلات $MR_{exp,i}$ نسبت رطوبتی آزمایشگاهی در هر لحظه

مستمر نسبت رطوبتی نشان می‌دهد که انتشار عامل حاکم در پدیده انتقال جرم درون نمونه است [۱۹]. نتایج مشابهی توسط کایماک-ارتکین [۲۰] برای فلفل سبز و قرمز و سوگی و همکاران [۲۱] برای دانه‌های گوجه فرنگی گزارش شده است. شکل (۴) تغییرات سرعت خشک کردن در برابر زمان خشک کردن در دماهای مورد آزمایش نشان می‌دهد. واضح است که سرعت خشک کردن در ابتدا زیاد بوده و در طول فرایند به تدریج کاهش می‌یابد. همان‌طور که مشاهده می‌شود فرایند خشک شدن قطعات در سرعت ثابت اتفاق نمی‌افتد و کل فرایند در سرعت نزولی انجام می‌گیرد و فقط در ابتدای زمان خشک کردن (حدود ۷٪ زمان کل خشک کردن) است که سرعت افزایش می‌یابد. نتایج مشابهی توسط دویماز [۲۲] برای کدو تنبیل به دست آمده است.

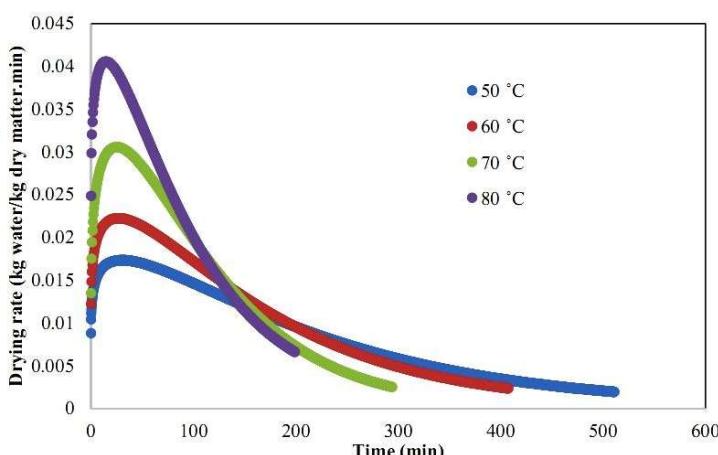
۳. نتایج و بحث

۱.۳. بررسی روند خشک شدن

نمودار تغییرات نسبت رطوبتی با زمان خشک کردن نمونه‌ها در دماهای ۵۰°C تا ۸۰°C در شکل (۳) نشان داده شده است. با افزایش دمای خشک کردن مقدار نسبت رطوبتی در یک زمان مشخص کاهش می‌یابد. همان‌طور که نتایج نشان می‌دهد با افزایش دما از ۵۰ به ۸۰°C میزان زمان خشک کردن حدود ۶۰٪ کاهش می‌یابد. در دمای بالاتر به دلیل خروج سریع‌تر رطوبت، فرایند خشک شدن در زمان کمتری روی می‌دهد. این کاهش زمان خشک شدن که در نتیجه افزایش دما روی می‌دهد، می‌تواند به دلیل افزایش فشار بخار آب درون اسلاسیس‌های به باشد که مهاجرت رطوبت را افزایش می‌دهد [۵]. نتایج مشابهی توسط ورگارا و همکاران [۱۸] در این مورد مشاهده شده است. کاهش



شکل (۳) تغییرات نسبت رطوبتی با زمان برای برش‌های به در دماهای تحت بررسی
Fig. 3. Changes in moisture ratio with time for the quince slices at the selected temperatures



شکل (۴) تغییرات سرعت خشک کردن با زمان برای قطعات به در دماهای تحت بررسی
Fig. 4. changes in drying rate with time for the quince slices at selected temperatures

۲.۳. مدل‌سازی ریاضی

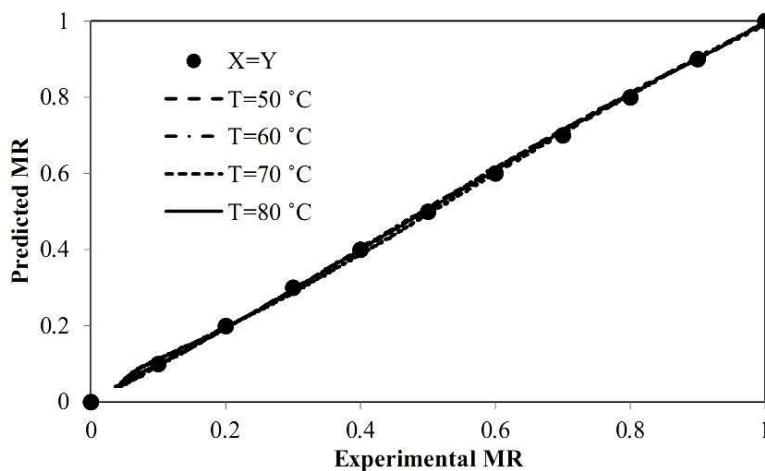
را انجام دادند. آزمایش در دماهای ۶۰، ۷۵ و ۸۵ °C صورت گرفت. منحنی خشک کردن تجربی به دست آمده با ۱۱ مدل ریاضی برازش داده شد که مدل اصلاح شده پیچ به عنوان بهترین مدل ارائه شد. دویمار [۲۶] از اشعه مادون قرمز به منظور خشک کردن دانه‌های انار استفاده کرد. در این تحقیق، چهار سطح توان اشعه مادون قرمز شامل ۱۰۴، ۸۳، ۱۲۵ و W ۱۴۶ بود. وی در این تحقیق نشان داد سطوح توان اشعه، بر سرعت و زمان خشک کردن موثر است به طوری که با افزایش توان اشعه مادون قرمز از ۸۳ به W ۱۴۶، زمان فرایند از ۱۵۰ به ۶۰ min کاهش یافت. به منظور ارزیابی سینتیک دانه‌های انار، داده‌های آزمایشی با ده مدل ریاضی، برازش شد و نتایج نشان داد مدل‌های میدیلی، پگ و ویبول نسبت به سایر مدل‌ها، پیش‌بینی بهتری ارائه دادند. شکل (۵) صحت بهترین مدل (مدل میدیلی) را در تخمین محتوای رطوبتی قطعات در دماهای تحت بررسی نشان می‌دهد. همان‌طور که مشاهده می‌شود تطابق بسیار خوبی بین داده‌های آزمایشگاهی و پیش‌بینی شده با مدل میدیلی وجود دارد.

داده‌های نسبت رطوبتی میوه به لایه نازک در برابر زمان خشک کردن در دماهای مختلف به‌وسیله مدل‌های ذکر شده برازش داده شدند. نتایج مدل‌سازی و آنالیز آماری در جدول (۲) نشان داده شده است. همان‌طور که از نتایج بر می‌آید مدل میدیلی (Midili) در دماهای تحت بررسی دارای بهترین برازش با داده‌های آزمایشگاهی بود. مقدار R^2 و RMSE به دست آمده برای این مدل در دماهای تحت بررسی به ترتیب برابر ۰.۹۹۸۷ و ۰.۰۰۶۸ بود. نتایج مشابهی توسط زمردانی [۲۳] برای زیره به دست آمد و آن‌ها نیز این مدل را برای خشک کردن لایه نازک زیره در خشک کن آفتایی پیشنهاد دادند. تورات و همکاران [۲۴] مدل‌سازی ریاضی و تجربی لایه نازک خشک کردن زنجبل را در یک خشک کن تحت خلاء و در چهار دمای ۴۰، ۵۰، ۶۰ و ۶۵ °C انجام دادند. نتایج نشان داد که مدل دو جمله‌ای برازش بهتری نسبت به ۵ مدل دیگر انتخاب شده با داده‌های آزمایشگاهی دارد. آکپینار و بایسر [۲۵] طی تحقیقی، مدل‌سازی ریاضی و لایه نازک خشک شدن هم‌رفتی توتو فرنگی

جدول (۲) نتایج مدل‌سازی ریاضی خشک کردن لایه نازک برش‌های به در دماهای تحت بررسی.

Table 2 the results of mathematical modeling of drying process of thin-layered quince slices at the selected temperatures.

نام مدل Model name	دما Temperature (°C)	ضریب تعیین R^2	جذر میانگین مربعات خطأ RMSE	ثابت‌های مدل Model constants
Page	50	0.9983	0.0112	k: 0.0000213, n: 1.150
	60	0.9984	0.0115	k: 0.0000192, n: 1.194
	70	0.9979	0.0129	k: 0.0000283, n: 1.198
	80	0.9972	0.0151	k: 0.0000299, n: 1.228
Modified Page	50	0.9919	0.0249	k: 0.01131, n: 0.0078
	60	0.9876	0.0314	k: 0.01029, n: 0.0112
	70	0.9870	0.0323	k: 0.02509, n: 0.0066
	80	0.9828	0.0375	k: 0.00515, n: 0.0412
Henderson and Pabis	50	0.9946	0.0203	k: 0.0000930, a: 1.052
	60	0.9921	0.0252	k: 0.00012, a: 1.064
	70	0.9914	0.0263	k: 0.00017, a: 1.064
	80	0.9885	0.0305	k: 0.00023, a: 1.070
Logarithmic	50	0.9970	0.0151	k: 0.0000822, a: 1.073, c: -0.04441
	60	0.9984	0.0111	k: 0.0000964, a: 1.124, c: -0.09993
	70	0.9916	0.0260	k: 0.00017, a: 1.065, c: -0.001
	80	0.9991	0.0086	k: 0.00016, a: 1.187, c: -0.1688
Midilli et al.	50	0.9987	0.0098	k: 1.05E-05, n: 1.221, a: 0.9676, b: 1.66E-07
	60	0.9992	0.0082	k: 2.64E-05, n: 1.151, a: 0.988, b: -1.58E-06
	70	0.9989	0.0095	k: 2.46E-05, n: 1.207, a: 0.9746, b: -1.15E-06
	80	0.9994	0.0068	k: 5.29E-05, n: 1.148, a: 0.9871, b: -5.28E-06



شکل (۵) داده‌های آزمایشگاهی در برابر داده‌های پیش‌بینی شده توسط مدل میدیلی در دماهای تحت بررسی

Fig. 5. Experimental data vs. predicted data by Midilli model at the selected temperatures

طراحی شبکه بهینه در نظر گرفته شد.

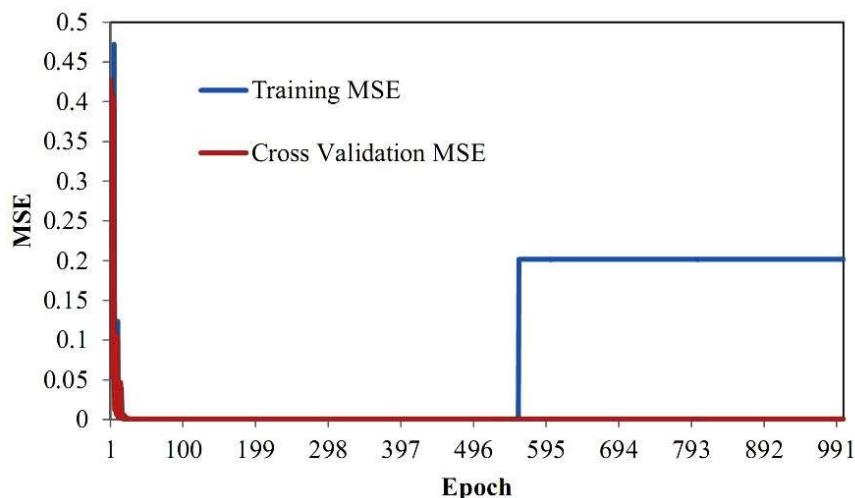
شکل (۷) داده‌های آزمایشگاهی را در برابر داده‌های به دست آمده از شبکه GA-ANNs بهینه را نشان می‌دهد. همان‌طور که مشاهده می‌شود بین این داده‌ها برازش بالایی برقرار است، به طوری که مقدار R^2 و RMSE به دست آمده به ترتیب 0.9997 و 0.0044 تعیین شد. بالا و همکاران [۲۷]، مدل شبکه عصبی عملکرد یک خشک کن خورشیدی برای خشک کردن جک فروت استفاده کردن و نشان دادند در صورتی که شبکه به خوبی آموزش دیده باشد می‌تواند به خوبی فرایند خشک شدن را پیش‌بینی کند. کردپیبون و همکاران [۲۸]، با استفاده از شبکه‌های عصبی مصنوعی میزان چروکیدگی سه نوع هویج را حین خشک کردن پیش‌بینی کردند. آن‌ها محتواهای رطوبتی هویج و ابعاد سلولی به دست آمده از تصاویر میکروسکوپی را به عنوان ورودی شبکه تعریف کردند. مدل شبکه عصبی بهینه شده با $R^2=0.95$ برای حالت‌های مختلف خشک کردن قادر به پیش‌بینی میزان چروک خوردگی هویج بود. یوسفی و همکاران [۱۱]، طی تحقیقی محتواهای رطوبتی پاپایا در طول خشک شدن در خشک کن کابینتی، با استفاده از هر دو مدل ریاضی و شبکه عصبی تخمین زدند. آزمایش‌ها در دماهای 40 ، 50 و 60°C و ضخامت برش‌های 3 ، 5 و 7 mm انجام شد. مدل ریاضی شناخته شده برای پیش‌بینی محتواهای رطوبتی حین خشک کردن مورد استفاده قرار گرفت که در میان آن‌ها مدل two-term مدل مناسب‌تری برای پیش‌بینی تعیین گردید. ضریب تبیین (R^2) بالا و جذر میانگین

۳.۰.۳ مدل‌سازی GA-ANNs

برای مدل‌سازی با استفاده از تکنیک GA-ANNs از یک شبکه پرسپترون پیشخوار سه لایه شامل یک لایه ورودی، یک لایه مخفی و یک لایه خروجی استفاده شد. در بین توبولوژی‌های مختلف توبولوژی $1-7-3$ با داشتن 3 نرون در لایه ورودی، 7 نرون در لایه مخفی و 1 نرون در لایه خروجی دارای بالاترین دقیق و کمترین خطای جهت پیش‌بینی محتواهای رطوبتی بود. لازم به ذکر است که تابع انتقال تانژانت هایپربولیک و خطی به ترتیب در لایه مخفی و لایه خروجی مورد استفاده قرار گرفت. همچنین از الگوریتم یادگیری لونبرگ- مارکوارت (LM) نیز جهت آموزش شبکه استفاده شد.

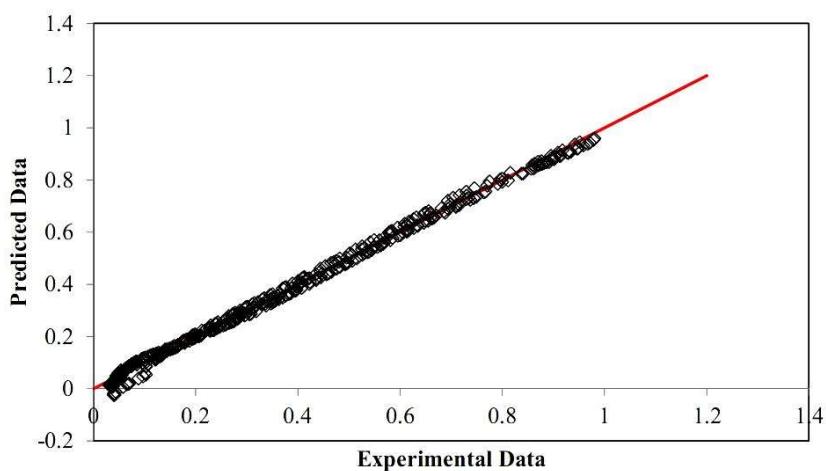
شکل (۶) اثر تعداد ایپوک را بر میزان خطای MSE (میانگین جذر خطاهای) نشان می‌دهد. نتایج نشان داد که در ایپوک 21 کمترین میزان این خطای که معادل 0.0004 بود، به دست آمد. این میزان خطای به خوبی نشان می‌دهد که شبکه عصبی به خوبی آموزش دیده است و تطابق بالایی بین داده‌های آموزش و داده‌های تولید شده در نتیجه‌ی آموزش شبکه با الگوریتم LM وجود دارد.

با تغییر تعداد نرون‌ها در لایه مخفی مشاهده شد که در صورت قرار گرفتن 7 نرون در لایه مخفی سیستم مدل‌سازی بهینه شده و داده‌های تولید شده توسط شبکه GA-ANNs برازش بسیار بالایی با داده‌های در نظر گرفته شده برای تست پیدا می‌کنند. در نتیجه توبولوژی $1-7-3$ به عنوان بهترین توبولوژی برای



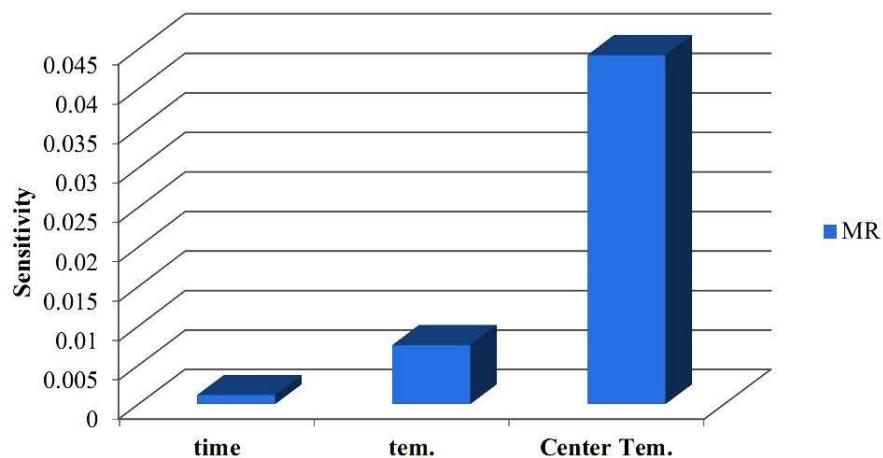
شکل (۶) اثر ای پوک بر میزان خطای MSE برای داده های آموزش

Fig. 6. Effect of epoch on MSE error for training data



شکل (۷) داده های تست در برابر داده های تولید شده به وسیله شبکه GA-ANNs بهینه

Fig. 7. Test data vs. the obtained data from the optimized GA-ANNs



شکل (۸) حساسیت خروجی شبکه (MR) به ورودی ها برای شبکه بهینه GA-ANNs

Fig. 8. Sensitivity of the network output (MR) to the inputs of the optimized GA-ANNs

۴.۴. تعیین مقدار انرژی فعال‌سازی (E_a)
 مقدار انرژی فعال‌سازی به دست آمده برای برش‌های به با استفاده از معادله (۸) برابر $28/68 \text{ kJ/mol}$ بود. این مقدار بر اساس شیب خط نمودار شکل (۱۰) تعیین گردید. این مقدار به دست آمده کمتر از مقدار انرژی اکتیواسیون برای فلفل سبز ($51/4 \text{ kJ/mol}$) تعیین شده توسط کایماک-ارتکین [۲۰]، نعنای خشک شده ($82/93 \text{ kJ/mol}$) تعیین شده توسط پارک و همکاران [۳۲] و بیشتر از فلفل قرمز ($24/47 \text{ kJ/mol}$) تعیین شده توسط کلیم الله و کایلپان [۳۰] بود.

۴. نتیجه گیری

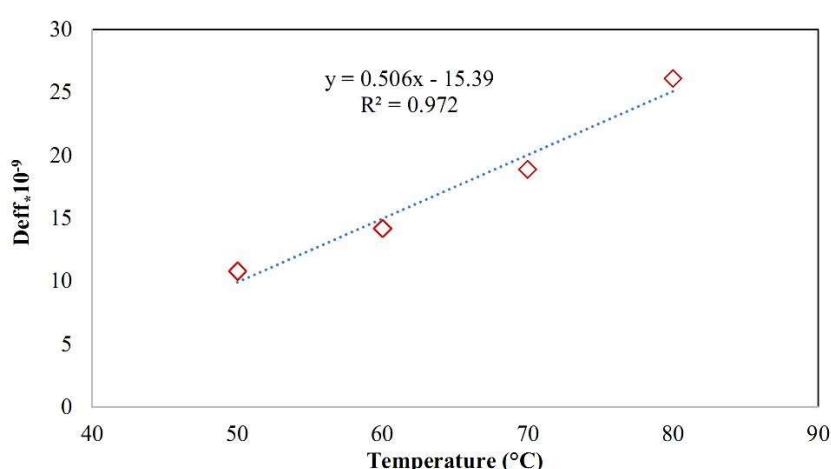
در این تحقیق سینتیک خشک شدن لایه نازک برش‌های به در یک خشک کن مادون قرمز مورد بررسی قرار گرفت. برای این منظور اثر زمان خشک کردن، دمای خشک کردن و دمای مرکز برش بر میزان تغییرات رطوبت مطالعه شد. پس از انجام آزمایشات، نتایج به دست آمده به وسیله روش GA-ANNs مدل ریاضی تجربی خشک کردن مدل‌سازی شدند. نتایج نشان داد که توپولوژی ۱-۷-۳ دارای بهترین نتیجه جهت مدل‌سازی و تخمین محتوای رطوبتی برش‌های به بود. مقایسه ضریب تبیین و جذر میانگین خطاهای به دست آمده برای بهترین مدل تحریبی (مدل میدیلی) ($R^2 = 0.9987-0.9994$) و مدل (RMSE = $0.0068-0.0098$) و مدل GA-ANNs بهینه (RMSE = 0.0044) جهت پیش‌بینی محتوای رطوبتی برش‌های به، به خوبی کارایی بالاتر روش GA-ANNs را در این پیش‌بینی

مریعات خطای (RMSE) پایین شبکه‌های MLP نسبت به نتایج مدل‌سازی ریاضی نشان داد که محتوى رطوبتی میوه پاپایا توسط شبکه‌های عصبی نسبت به مدل‌های ریاضی دقیق‌تر پیش‌بینی می‌شود.

شکل (۸) حساسیت میزان نسبت رطوبتی به عنوان خروجی سیستم شبکه عصبی را نسبت به ورودی‌های به کار برد شده یعنی زمان خشک کردن، دمای خشک کردن و دمای مرکز برش نشان می‌دهد. همان‌طور که مشاهده می‌شود در بین ورودی‌ها، دمای مرکز برش دارای بیشتر اثر بر میزان خروجی نسبت رطوبتی بود. از سویی دیگر، در بین ورودی‌ها کمترین میزان اثرگذاری بر میزان نسبت رطوبتی را زمان خشک کردن داشت.

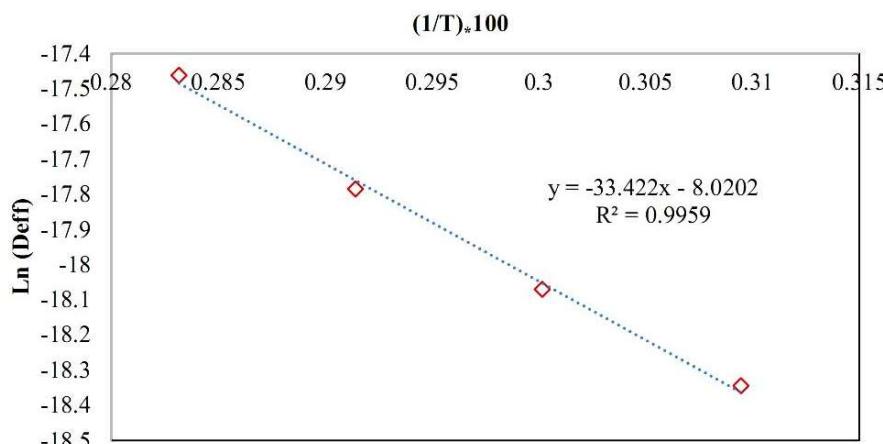
۴.۳. تعیین ضریب انتشار مؤثر

بر اساس معادله (۷) مقدار ضریب انتشار مؤثر رطوبت برش‌های به حين خشک کردن در دماهای مختلف (50°C تا 80°C) به وسیله اشعه مادون قرمز تعیین گردید که نتایج آن در شکل (۹) نشان داده شده است. همان‌طور که مشاهده می‌شود با افزایش دما میزان D_{eff} افزایش می‌یابد. افزایش دما از 50°C به 80°C سبب افزایش D_{eff} از $10/8 \times 10^{-9} \text{ m}^2/\text{s}$ به $26/1 \times 10^{-9} \text{ m}^2/\text{s}$ گردید. مادامبا و همکاران [۲۹] بیان کردند که میزان D_{eff} برای نمونه‌های مواد غذایی بین 10^{-9} تا $10^{-11} \text{ m}^2/\text{s}$ می‌باشد. همان‌طور که مشاهده می‌شود مقدار به دست آمده برای برش‌های به نیز در این دامنه قرار دارد. نتایج مشابهی در مورد اثر دما توسط کلیم الله و کایلپان [۳۰]، ساسیلیک و همکاران [۳۱] و دویماز [۲۲] گزارش شده است.



شکل (۹) تغییرات ضریب انتشار مؤثر (D_{eff}) با دمای خشک کردن برای برش‌های به

Fig. 9. Changes in effective diffusion coefficient (D_{eff}) affected by the drying temperature for the quince slices

شکل (۱۰) تعیین انرژی اکتیواسیون (E_a) بر اساس تغییرات D_{eff} با دماFig. 10. Determination of activation energy (E_a) based on the changes in D_{eff} with temperature

گردد. میزان ضریب انتشار موثر (D_{eff}) در بازه دمایی ۵۰ تا ۸۰°C از $10^{-9} / 8 \times 10^{-9} \text{ m}^2/\text{s}$ تا $26 / 1 \times 10^{-9} \text{ m}^2/\text{s}$ متغیر بود. همچنین میزان انرژی فعال سازی برای برش های میوه به، $28 / 68 \text{ kJ/mol}$ محاسبه شد.

نشان داد. از این رو می توان نتیجه گرفت که روش مدل سازی GA-ANNs یک تکنیک بسیار کارآمد در پیش بینی سینتیک خشک کردن برش های میوه به دارد که به دلیل همین دقیق و کارایی بالای آن می تواند جانشین روش های مدل سازی مرسوم شد.

منابع

- conversion/degradation of isoflavones during infrared drying of soybean. *Food Chem.*, 133, 946-952.
- [9] Bi, J., Chen, Q., Zhou, Y., Liu, X., Wu, X., Chen, R. (2014). Optimization of short-and medium-wave infrared drying and quality evalution of jujube powder. *Food Bioprocess Tech.*, 7, 2375-2387.
- [10] Ziaforoughi, A., Yousefi, A.R., Razavi, S.M.A. (2016). A Comparative Modeling Study of Quince Infrared Drying and Evaluation of Quality Parameters. *Int. J. Food Eng.*, 12, 901-910.
- [11] Yousefi, A.R., Asadi, V., Nassiri, S.M., Niakousari, M., Khodabakhsh Aghdam, Sh. (2012). Comparison of mathematical and neural network models in the estimation of papaya fruit moisture content. *Philipp. J. Agric. Sci.*, 95, 192-198.
- [12] Yousefi, A. R., Razavi, S.M.A. (2016). Modeling of glucose release from native and modified wheat starch gels during in vitro gastrointestinal digestion using artificial intelligence methods. *Int. J. Biol. Macromol.*, 97, 752-760.
- [13] Yousefi, A.R. (2017). Estimation of papaw (*Carica papaw* L.) moisture content using adaptive neuro-fuzzy inference system (ANFIS) and genetic algorithm-artificial neural network (GA-ANN). *Iran. Food Sci. Technol. Res. J.*, 12, 767-779.
- [1] Potter, D., et al. (2007). Phylogeny and classification of Rosaceae. *Plant Syst. Evol.*, 266, 5-43.
- [2] Yousefi, A.R., Niakousari, M., Moradi, M. (2013). Microwave assisted hot air drying of papaya (*Carica papaya* L.) pretreated in osmotic solution. *African J. Agric. Res.*, 8, 3229-3235.
- [3] Nowak, D., Lewicki P.P.,(2004). Infrared drying of apple slices. *Innov. Sci.Eng. Technol.*, 5, 353-360.
- [4] Doymaz, I. (2012). Drying of pomegranate seeds using infrared radiation. *Food Sci. Biotechnol.*, 21, 1269-1275.
- [5] Yousefi, A.R., Ghasemian, N., Salari, A. (2017). Infrared drying kinetics study of lime slices using hybrid GMDH-neural networks. *Innov. Food Technol.*, 5, 91-105.
- [6] Hebbar, H.U., Viahwanathan, K.H., Ramesh, M.N. (2004). Development of combined infrared and hot air dryer for vegetables. *J. Food Eng.*, 65, 557-563.
- [7] Pokham, K., Meeso, N., Soponronnarit, S., Siriamornpun, S. (2012). Modeling of combined far-infrared radiation and drying of a ring shape-pineapple with/without shrinkage. *Food Bioprod. Process.*, 90, 155-164.
- [8] Niamnuy, M., Poomsa-ad N, Devahastin S. (2012). Kinetic modeling infrared drying

- [31] Sacilik, K., Keskin,R.andElicin, A.K. (2006). Mathematical modelling of solar tunnel drying of thin layer organic tomato. *J. Food Eng.*, 73, 231-238.
- [32] Park, K.J., Vohnikova, Z., Brod, F.P.R. (2002). Evaluation of drying parameters and desorption isotherms of garden mint leaves (*Mentha crispa* L.). *J.Food Eng.*, 51, 193-199.
- [14] Salehi, F., Gohari Ardabili, A., Nemati, A., Ltifi Drab, A. (2017). Modeling of strawberry drying process using infrared dryer by genetic algorithm-artificial neural network method. *Iran. J. Food Sci. Technol.*, 69, 105-114.
- [15] Yousefi, A.R., Ghasemian, N. (2017). Prediction of papaw moisture ratio during hot air-drying: GMDH vs. mathematical modeling. *Int. Food Res. J.*, 24, 2347-2352.
- [16] Crank, J.(1975).The mathematics of diffusion (2nd ed.). Oxford, UK: Clarendon Press.
- [17] Simal, S., Mulet, A., Tarrazo, J., Rosello, C. (1996). Drying models for green peas. *Food Chem.*, 55, 121-128.
- [18] Vergara, F., Amezaga, E., Barcenas, M.E., Welti, J.(1997). Analysis of the drying processes of osmotically dehydrated apple using the characteristic curve model. *Drying Technol.*, 15, 949-963.
- [19] Haghi, A.K., Amanifard, N. (2008). Analysis of heat and mass transfer during microwave drying of food products. *Brazil. J. Chem. Eng.*, 25, 491-501.
- [20] Kaymak-Ertekin, F. (2002). Drying and rehydrating kinetics of green and red peppers. *J. Food Sci.*, 67, 168-175.
- [21] Sogi, D.S., Shvhare, U.S., Garg, S.K., Bawa, A.S. (2003). Water sorption isotherms and drying characteristics of tomato seeds. *Biosys. Eng.*, 84: 297-301.
- [22] Doymaz, I. (2007). The kinetics of forced convective air-drying of pumpkin slices. *J. Food Eng.*, 79, 243-248.
- [23] Zomorodian, A., Moradi, M. (2010). Mathematical modeling of forced convection thin layer solar drying for cuminum cyminum. *J. Agric. Sci. Technol.*, 12, 401-408.
- [24] Thorat, I.D., Mohapatra, D., Sutar, R., Kapdi, S., Jagtap, D.D. (2012). Mathematical modeling and experimental study on thin-layer vacuum drying of ginger (*Zingiber Officinale* R.) slices. *Food Bioprocess Technol.*, 5, 1379-1383.
- [25] Akpinar, E.K., Bicer, Y. (2006). Mathematical modeling and experimental study on thin layer drying of strawberry. *Int. J. Food Eng.*, 2.
- [26] Doymaz, I. (2012). Drying of pomegranate seeds using infrared radiation. *Food Sci. Biotechnol.*, 21, 1269-1275.
- [27] Bala, B.K., Ashraf, M.A., Uddin, M.A., Janjai, S. (2005). Experimental and neural network prediction of the performance of a solar tunnel drier for drying jackfruit bulbs and leather. *J. Food Process Eng.*, 28, 552-566.
- [28] Kerdpiboon, S., Kerr, W.L., Devahastin, S. (2006). Neural network prediction of physical property changes of dried carrot as a function of fractal dimension and moisture content. *Food Res. Int.*, 39, 1110-1118.
- [29] Madamba, P.S., Driscoll, R.H., Buckle, K.A. (1996). The thin-layer drying characteristics of garlic slices. *J.Food Eng.*, 29, 75-97.
- [30] Kaleemullah, S., Kailappanm, R. (2005). Drying kinetics of red chillies in a rotary dryer. *Biosyst Eng.*, 92, 15-23.